

MONOMI

Un **monomio** è una espressione algebrica in cui compaiono solo moltiplicazioni tra **numeri** e **lettere**, eventualmente elevate ad esponente naturale.
esempio:

$$\begin{array}{l} 5a^2b^3 \\ -\frac{2}{3}a^5 \\ +2bc^2 \end{array}$$

sono tre monomi.

nei **monomi**, **non compaiono mai** i segni dell'**addizione** e della **sottrazione**

$$+4x + 2y \quad 7ab - 2a \quad \text{non sono monomi}$$

Un monomio è **ridotto a forma normale** quando è scritto come prodotto tra un numero e una o più lettere, diverse tra loro eventualmente elevate a potenza.

$$3a^2b^3 \quad -7/3 a^2xy^3 \quad \text{sono monomi in forma normale}$$

$$+2(-3) aab^2 \quad 2xyx^2 \quad \text{monomi non in forma normale}$$

Infatti, se moltiplichiamo tra loro i fattori numerici (+2) e (-3) abbiamo

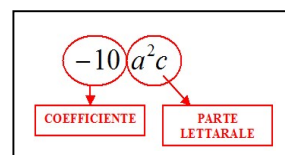
$$-6a \cdot ab^2$$

Poi moltiplichiamo le lettere uguali tra loro applicando le proprietà delle potenze (*Il prodotto di due potenze aventi la stessa base e una potenza avente la stessa base e con esponente uguale alla somma degli esponenti*)

quindi a per a è uguale ad a alla seconda. $-6a^2b^2$ Questo è un monomio **ridotto a forma normale**

In un **monomio ridotto a forma normale**, chiamiamo:

- **coefficiente** il numero
- **parte letterale** le lettere con i loro esponenti



Si chiama **monomio NULLO** il monomio che ha per **coefficiente** lo **zero**. Infatti, moltiplicando per zero la parte letterale, il risultato è zero.

$$0a^2 =$$

si chiama **segno del monomio** il **segno del coefficiente** del monomio. Il **segno + davanti ad un monomio può essere tralasciato**. Ad esempio possiamo scrivere: **+3a** oppure **3a**
Se il monomio ha **coefficiente 1**, esso si può tralasciare, possiamo scrivere: **-1a** oppure **-a**

Un **monomio ridotto a forma normale** si dice **INTERO** se le **lettere non si trovano al denominatore** $3a$; $-1/2 a$

Un **monomio ridotto a forma normale** si dice **FRAZIONARIO** se le **lettere compaiono a denominatore** $-1/a$; a/b

ATTENZIONE! Se troviamo scritto $2a^{-1}$ ci troviamo di fronte ad un **monomio frazionario** perché la lettera **a** è come se si trovasse a denominatore.

due **monomi** possono essere:

monomi simili	uguale parte letterale	esempio: +4a; +1/2a
monomi uguali	uguale parte letterale e uguale coefficiente	esempio: +4a; +4a
monomi opposti	uguale parte letterale e coefficiente opposto	esempio: +4a; -4a

Il **grado complessivo** di un monomio è la **somma degli esponenti delle sue lettere** che compaiono nel monomio.

Monomio	$4/3a^2b^3$
Parte letterale del monomio	a^2b^3
Esponente della lettera a	2
Esponente della lettera b	3
Somma degli esponenti delle lettere	$2+3 = 5$
Grado complessivo monomio	5

Nel monomio $5x^2y^5z$ la lettera z non ha esponente, va considerata con **esponente 1**.

Il **grado di un monomio rispetto** ad una sua **lettera** è l'**esponente di quella lettera**.

il grado del monomio $5x^2y^5z$ rispetto alla lettera x, esso è 2 ecc.

ATTENZIONE!!! se in un monomio **manca** una certa **lettera**, si dice che quel **monomio** è di **grado zero** rispetto a **quella lettera**.

Esempio: $4a^2$ è un monomio di **grado zero rispetto alla lettera b**.

La **SOMMA ALGEBRICA** di due o più **monomi simili** è un monomio che ha la stessa parte letterale dei monomi sommati e per coefficienti la somma algebrica dei coefficienti.

$$-4a^2b + 2a^2b = -2a^2b$$

$4a - 3b$ non si possono sommare

Se vogliamo sommare tra loro i seguenti monomi

$$4a^2b; -5x; 2a; -5a \text{ possiamo scrivere } 4a^2b - 5x + 2a - 5a = 4a^2b - 5x - 3a$$

quello che si ottiene **non** è un **monomio**: esso prende il nome di **POLINOMIO**.

la **somma** di due **monomi opposti** è sempre uguale a **zero**. $4x^2z - 4x^2z = (4-4)x^2z = 0$

Perciò possono essere **ELIMINATI** e si procede a sommare solo i monomi restanti.

$$4a^2 + \cancel{5a^2} - 3a^2 - \cancel{5a^2} \text{ ovvero } 4a^2 - 3a^2 = a^2.$$

Il **PRODOTTO** di due o più monomi è un monomio in cui il coefficiente è il prodotto dei coefficienti e nella parte letterale ogni lettera ha per esponente la somma degli esponenti con cui compare nei fattori

$$(-2ab)(5a^2)(+3ab^2) = (-2)(5)(+3)ab^2a^2ab^2 = (-30)ab^2a^2ab^2$$

Per eseguire tale prodotto dobbiamo ricordare la proprietà delle potenze che dice che il prodotto di potenze aventi la stessa base è una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la somma degli esponenti.

Per calcolare la **POTENZA con esponente n (naturale) di un monomio** basta elevare ad n il coefficiente e moltiplicare per n ognuno degli esponenti delle sue lettere

$$(5a^3b)^2 = 25 a^6b^2$$

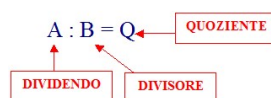
sappiamo che la potenza di una potenza è un'altra potenza che ha per base la stessa base e per esponente il prodotto degli esponenti.

Esempio: $(-3ab^2c^3)^3 = (-3)^3(a^{1 \times 3})(b^{2 \times 3})(c^{3 \times 3}) = -27a^3b^6c^9.$

N.B. la potenza con esponente 1 è uguale al monomio stesso $(5a^3b)^1 = 5a^3b$
mentre la potenza con esponente 0 è uguale a 1 $(5a^3b)^0 = 1$

Chiamiamo due monomi rispettivamente A, B. Supponiamo, inoltre che B sia diverso da zero.

Il monomio A è **DIVISIBILE** per il monomio B quando esiste un terzo monomio, Q, tale che moltiplicando Q per B otteniamo A. Ricordiamo che:



affinché un **monomio** sia **divisibile** per un altro è necessario che il **dividendo** contenga **tutte le lettere che figurano nel divisore** e che esse siano **elevate**, ciascuna, ad un **esponente maggiore** o almeno **uguale** a quello che figura nel **divisore**.

Quindi per vedere se due monomi sono tra loro divisibili occorre:

- verificare che il **dividendo** contenga **tutte le lettere presenti nel divisore**. Se questa condizione non si verifica i due monomi **NON SONO DIVISIBILI** tra loro;
- se la condizione precedente si verifica, occorre controllare che ogni lettera presente nel divisore abbia nel dividendo un **ESPONENTE MAGGIORE** o **UGUALE** rispetto all'esponente con cui la stessa lettera è presente nel **DIVISORE**. Se anche questa condizione si verifica i due monomi **SONO DIVISIBILI**. In caso contrario essi non sono divisibili.

Esempio: $4a^2 : 2ab$

Dividendo	$4a^2$
Divisore	$2ab$
Il divisore contiene le lettere a,b. La lettera b non è presente nel dividendo.	
I due monomi <u>non</u> sono tra loro divisibili.	

Vediamo un altro esempio: $-3a^2 : 2a^4$

Dividendo	$-3a^2$
Divisore	$2a^4$
Il divisore contiene solamente la lettera a. Essa è presente anche nel dividendo.	
La lettera a compare nel dividendo con esponente 2, quindi minore rispetto all'esponente con il quale essa compare nel divisore (4).	
I due monomi <u>non</u> sono tra loro divisibili.	

Passiamo ad un ultimo esempio:

$$4a^4b^2 : 2a^2b^2$$

Dividendo	$4a^4b^2$
Divisore	$2a^2b^2$
Il divisore contiene le lettere a,b. Entrambe sono presenti anche nel dividendo.	
La lettera a compare nel dividendo con esponente 4, quindi maggiore rispetto all'esponente con il quale essa compare nel divisore (2).	
La lettera b compare nel dividendo con esponente 2, quindi con un esponente uguale rispetto a quello con il quale essa compare nel divisore.	
I due monomi sono tra loro divisibili.	

Quando due monomi sono tra loro divisibili il **QUOZIENTE** è un **monomio** che ha:

- per **coefficiente** il **quoziente** dei **coefficienti**;
- per **parte letterale** tutti i **fattori letterali del dividendo** ciascuno **elevato** alla **differenza degli esponenti** che esso ha nel dividendo e nel divisore.

Tornando all'esempio precedente avremo

$$4a^4b^2 : 2a^2b^2$$

MONOMI	COEFFICIENTE	PARTE LETTERALE
$4a^4b^2$	4	a^4b^2
$2a^2b^2$	2	a^2b^2
QUOZIENTE	$(4) : (2) = 2$	$a^{4-2} = a^2$ $b^{2-2} = 1$ - qualsiasi numero elevato a zero è uguale a 1.
RISULTATO	$2a^2$	

Quando, invece, i due monomi **NON SONO DIVISIBILI** l'uno per l'altro il quoziente può essere indicato come una **FRAZIONE** che ha al **NUMERATORE** il **DIVIDENDO** e al **DENOMINATORE** il **DIVISORE**.

Una espressione simile si chiama **FRAZIONE ALGEBRICA**: in pratica ci troviamo di fronte ad un **MONOMIO FRAZIONARIO**. Quindi:

MONOMI NON DIVISIBILI

DIVIDENDO : DIVISORE =